CAPES DE MATHEMATIQUES EPREUVE SUR DOSSIER

DOSSIER N° 53

Ouestion:

Présenter un choix d'exercices sur le thème suivant :

Exemples d'étude du comportement de suites définies par une relation $u_{n+1} = f(u_n)$ et une condition initiale.

Rounaumous un de ces exercices la resolution doit faire appel a l'utilisation d'une calculatrice.

Consignes pour l'épreuve : (cf. BO n° spécial 5 du 21/10/1993)

Pendant votre préparation (deux heures), vous devez rédiger sur les fiches mises à votre disposition, un résumé des commentaires que vous développerez dans votre exposé et les énoncés de vos exercices. La qualité de ces fiches interviendra dans l'appréciation de votre épreuve. Le terme « exercice » est à prendre au sens large ; il peut s'agir d'applications directes du cours, d'exemples ou contre-exemples venant éclairer une méthode, de situations plus globales ou plus complexes utilisant éventuellement des notions prises dans d'autres disciplines.

Vous expliquerez dans votre exposé (25 minutes maximum) la façon dont vous avez compris le sujet et les objectifs recherchés dans les exercices présentés: acquisition de connaissances, de méthodes, de techniques, évaluation. Vous analyserez la pertinence des différents outils mis en jeu.

Cet exposé est suivi d'un entretien (20 minutes minimum).

Annexes:

Vous trouverez page suivante, en annexe, quelques références aux programmes ainsi qu'une documentation conseillée.

Ces indications ne sont ni exhaustives, ni impératives; en particulier, les références aux programmes ne constituent pas le plan de l'exposé.

ANNEXE AU DOSSIER N° 53

Référence aux programmes :

Extraits du programme de T Suites monotones, majorées,	On choisira des exemples permettant		
minorées, bomées.	d'introduire le vocabulaire usuel des suites.		
Suites convergentes.	On s'appuiera sur un traitement tant numérique (avec outils de calcul : calculatrice ()) que graphique ou algébrique.		
	On fera comprendre, sans en donner de définition formelle, les notions de suite convergente et de suite tendant vers +∞ ou -∞; on étudiera ainsi le comportement asymptotique des suites géométriques et des suites arithmétiques ainsi que des sommes partielles de ces suites.	On s'appuiera sur la calculatrice ou une représentation graphique adaptée pour conjecturer le comportement global ou asymptotique de chacune des suites étudiées.	
	On introduira quelques exemples de suites finies, dont on demandera un ou plusieurs prolongements « logiques » (c'est-à-dire définis par une relation du type $u_{n+1} = f(u_n)$, ou du type $u_n = f(n)$).	On soulignera l'entraînement au raisonnement inductif et la mise en jeu des capacités d'invention que la recherche de tels exemples implique.	
Exemples de suites vérifiant une relation de récurrence du type $u_{n+1} = a u_n + b$. Exemples de suites vérifiant une relation de récurrence du type $u_{n+2} = a u_{n+1} + b u_n$.	Sur des exemples, on étudiera le comportement global et asymptotique de suites de ce type; le cas échéant, on introduira la suite géométrique associée.	On illustrera l'étude de ces suites à l'aide de représentations graphiques.	
	On traitera des situations conduisant à des suites définies par une relation de récurrence linéaire d'ordre deux : l'objectif est avant tout de comprendre la genèse de telles suites et d'en calcular les promiers termes à la main à		
	d'en calculer les premiers termes à la main, à la calculatrice ().		

Extraits du	programme o	de To	erminale S :
-------------	-------------	-------	--------------

Raisonnement par récurrence Suite monotone, majorée, minorée, bomée.

On choisira des exemples permettant d'introduire le vocabulaire usuel des suites et nécessitant l'utilisation de raisonnements par récurrence. On s'appuiera sur un traitement tant numérique (avec outils de calcul: calculatrice (...)) que graphique ou algébrique.

On étudiera numériquement sur un ou deux exemples, la rapidité de convergence d'une suite (u_n) vers sa limite ℓ (...).

On traitera quelques problèmes menant à l'étude de suites définies par $u_{n+1}=au_n+b$.

On présentera le principe de récurrence comme un axiome.

Aucune notion théorique de rapidité de convergence n'est au programme.

Théorème de convergence des suites croissantes majorées.

Documentation conseillée :

Manuels de Terminales ES, S. Documents d'accompagnement.